

Il Corso di Fisica per Scienze Biologiche

- Prof. Attilio Santocchia
- Ufficio presso il Dipartimento di Fisica (Quinto Piano) Tel. 075-585 2708
- E-mail: attilio.santocchia@pg.infn.it
- Web: <http://www.fisica.unipg.it/~attilio.santocchia/>
- Testo: Fondamenti di Fisica (Halliday-Resnick-Walker, Casa Editrice Ambrosiana)

Indice della Lezione

- ◆ Cosa è la meccanica
- ◆ Moto Rettilineo a una dimensione
- ◆ Moto Bidimensionale
- ◆ Moto a 3 dimensioni
- ◆ I vettori
- ◆ Operazioni sui vettori

Meccanica

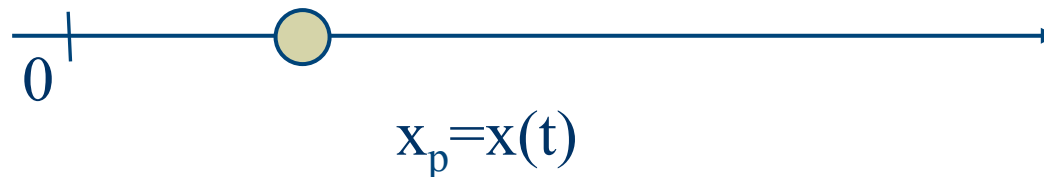
- ◆ **Cinematica**: studio del moto di un punto materiale (in una, due e tre dimensioni)
- ◆ **Dinamica** del punto materiale: studio delle cause del moto del punto materiale
- ◆ **Cinematica** dei sistemi di punti materiali (e dei corpi rigidi)
- ◆ **Dinamica** dei sistemi di punti materiali (e dei corpi rigidi)
- ◆ **Statica** dei Corpi Rigidi

Moto Rettilineo

- ◆ Siamo su una retta (1 dimensione)
- ◆ Definiamo un sistema di riferimento
 - Origine + Unità di Misura + Verso
 - La posizione del punto è data dalla coordinata del punto x
 - Lo spostamento del punto è dato da $\Delta x = x_1 - x_2$
- ◆ Il punto materiale si muove \Rightarrow possiamo parlare di traiettoria
 - Successione delle posizioni assunte dal punto materiale nel sistema di riferimento

Moto Unidimensionale

- ◆ Una sola coordinata in funzione del tempo è sufficiente a descrivere il moto



- ◆ Questo vale anche quando il moto avviene lungo una qualunque linea... non necessariamente retta
- ◆ In questo caso il moto viene descritto da una coordinata curvilinea

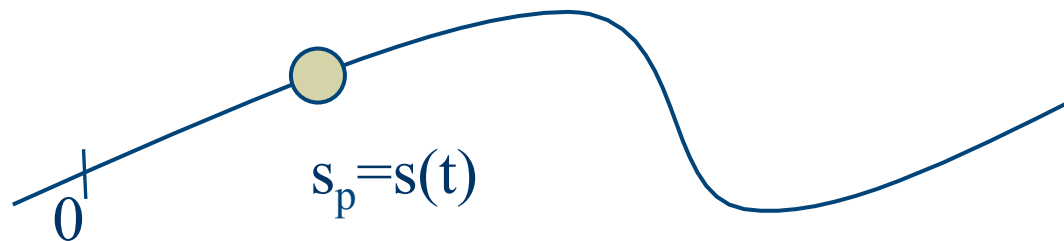
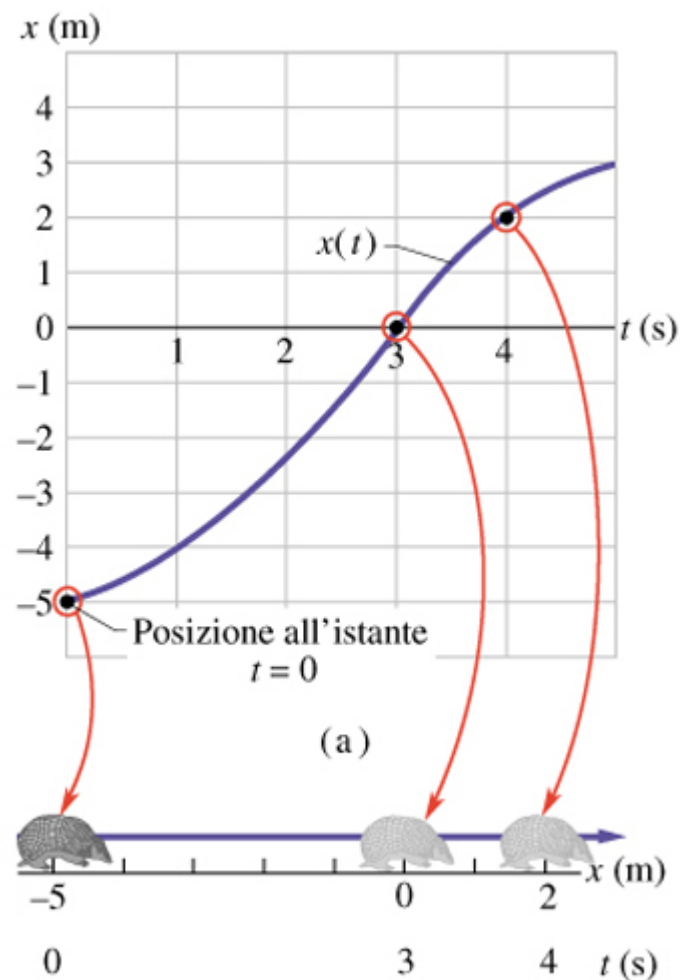


Diagramma Orario

Un diagramma orario è un grafico della legge

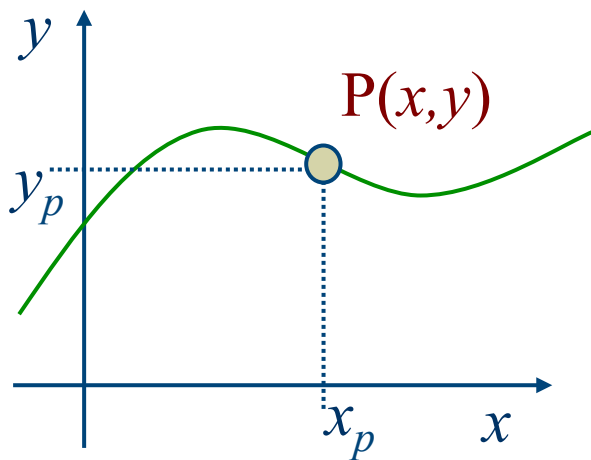
$$x_p = x(t)$$

su un sistema di assi cartesiani a 2 dimensioni.



Moto Bidimensionale

- ◆ Siamo nel piano, occorrono 2 coordinate.
- ◆ Definisco un sistema di assi cartesiani
- ◆ La posizione del punto è determinata dalle sue coordinate $P(x,y)$:



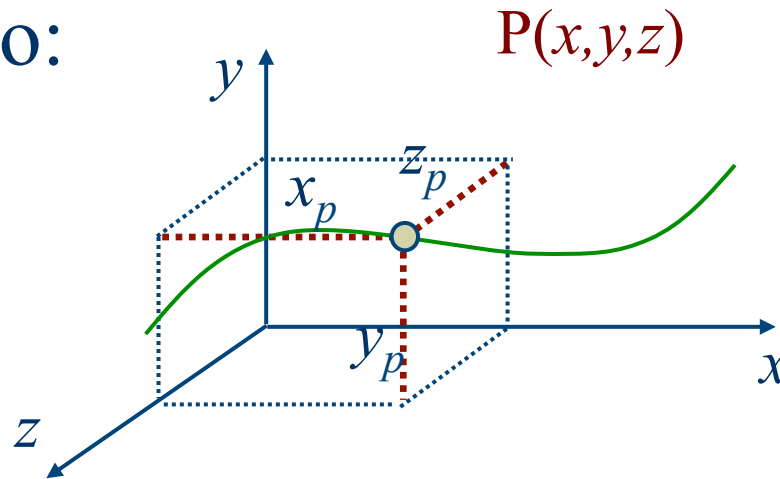
- ◆ Le coordinate, se il punto si **muove** nel piano, sono poi funzione del tempo:

$$\begin{cases} x=x(t) \\ y=y(t) \end{cases}$$

Moto a 3 dimensioni

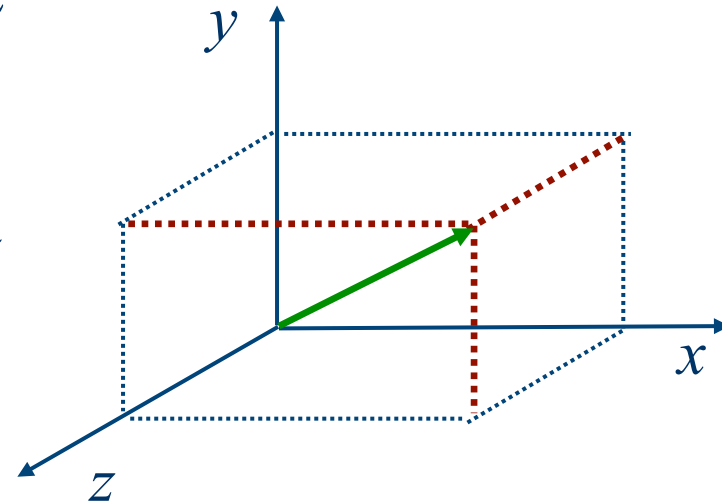
- ◆ Siamo nello spazio
- ◆ Il sistema di riferimento ora richiede 3 assi cartesiani e la posizione del punto è caratterizzata da 3 coordinate $P(x,y,z)$
- ◆ Se il punto si **muove**, le coordinate sono funzione del tempo:

$$\begin{cases} x=x(t) \\ y=y(t) \\ z=z(t) \end{cases}$$



Scalari e Vettori

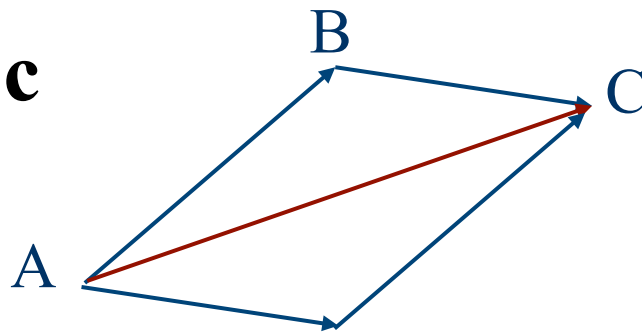
- ◆ Una grandezza può essere di tipo **scalare** o **vettoriale**
- ◆ Le **grandezze scalari** sono quelle grandezze che non hanno direzione e verso e il loro valore è sufficiente per la loro definizione (insieme all'unità di misura). Esempio: temperatura, tempo, massa, energia
- ◆ Le **grandezze vettoriali** sono quelle grandezze in cui è necessario specificare anche una direzione ed un verso: posizione, velocità, forza
- ◆ Un **vettore** è quindi caratterizzato da una direzione, un verso, il valore del vettore (o modulo) e un punto d'applicazione



Operazioni su Scalari e Vettori

- ◆ Le operazioni sugli Scalari sono equivalenti alle normali operazioni studiate in algebra
- ◆ Le operazioni sui Vettori sono invece abbastanza diverse...
- ◆ Per prima cosa possiamo identificare un vettore con uno **spostamento** (è solo uno dei casi di grandezza vettoriale... ma è utile per capire cosa significa operare con i vettori)

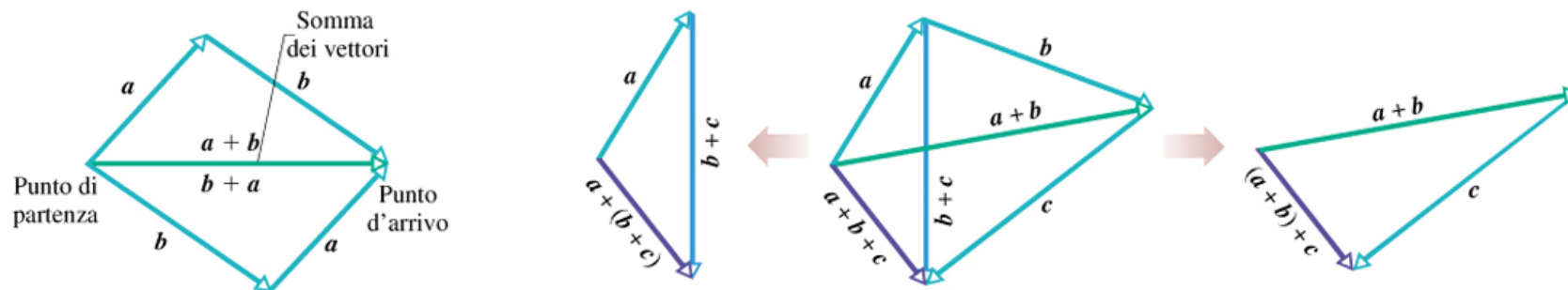
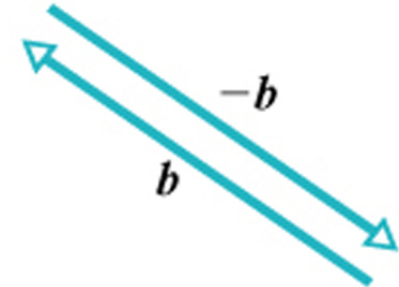
$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} &= \vec{a} = \mathbf{a} \\ \overrightarrow{BC} &= \vec{b} = \mathbf{b} \\ \overrightarrow{AC} &= \vec{c} = \mathbf{c}\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} &= \overrightarrow{AC} \\ \vec{a} + \vec{b} &= \vec{c} \\ \mathbf{a} + \mathbf{b} &= \mathbf{c}\end{aligned}$$

Somma e Sottrazione di Vettori

- ◆ La **somma** di un vettore si ottiene semplicemente applicando metodi grafici come nella figura precedente (e con un po' di geometria e trigonometria siete poi in grado di trovare tutto quello che serve...)
- ◆ La **differenza** di due vettori si ottiene sommando al primo l'inverso del secondo (cioè il vettore con la stessa direzione, stesso modulo, stesso punto d'applicazione ma verso opposta)
- ◆ Per somma e differenza valgono le regole tipiche dell'aritmetica (**associativa** e **commutativa**)



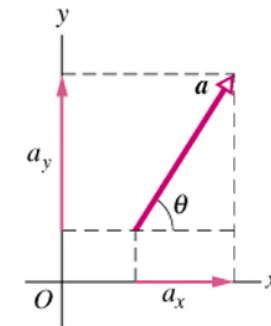
Componenti di un Vettore

- ◆ Sono le proiezioni sugli assi del vettore
- ◆ Nel piano (2 dimensioni)
 - $a_x = a \cos \theta$ $a_y = a \sin \theta$ $\tan \theta = a_y/a_x$
 - $a = (a_x^2 + a_y^2)^{1/2}$
- ◆ Nello spazio (3 dimensioni)
 - $a_x = a \sin \theta \cos \phi$ $a_y = a \sin \theta \sin \phi$ $a_z = a \cos \theta$
 - $a = (a_x^2 + a_y^2 + a_z^2)^{1/2}$ $\tan \phi = a_y/a_x$ $\tan \theta = (a_x^2 + a_y^2)^{1/2} / a_z$
- ◆ I **versori** sono i vettori di modulo unitario che indicano le direzioni degli assi del sistema cartesiano:

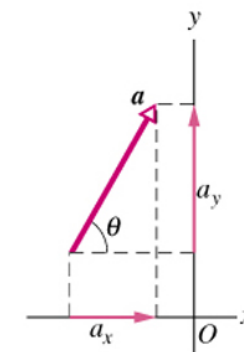
asse x \Rightarrow ***i*** asse y \Rightarrow ***j*** asse z \Rightarrow ***k***

- ◆ Un vettore generico ***a*** può quindi essere espresso come:

$$\mathbf{a} = a_x \mathbf{i} + a_y \mathbf{j} + a_z \mathbf{k}$$



(a)



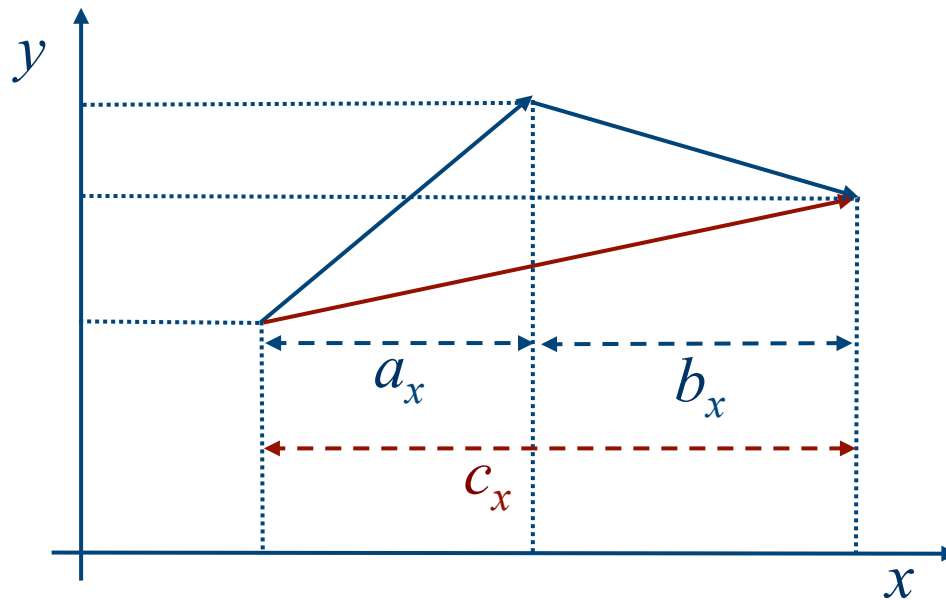
(b)



(c)

Somma di Vettori

- ◆ La **somma** di un vettore si ottiene semplicemente applicando metodi grafici
- ◆ La **somma (differenza) delle componenti** (proiezioni) di un vettore è **uguale** al componente (proiezione) della somma
- ◆ La **somma dei moduli (differenza)** di un vettore è **diverso** dal modulo della somma



$$\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{c}$$



$$a_x + b_x = c_x$$

$$a_y + b_y = c_y$$

$$a_z + b_z = c_z$$



$$a + b \neq c$$

Altre Operazioni

- ◆ Per operare con i vettori occorre conoscere molto bene la trigonometria
- ◆ Il **prodotto di un vettore per uno scalare** è un vettore con la stessa direzione del vettore originale, verso concorde od opposto a seconda del segno dello scalare e modulo uguale al prodotto del modulo del vettore per il valore (privato del segno) dello scalare

$$\mathbf{a} = k\mathbf{b}$$

- ◆ Il **prodotto di due vettori** può essere di due tipi a seconda se il risultato è uno scalare o un vettore...
- ◆ Si parla quindi di **Prodotto Scalare** o **Prodotto Vettoriale** di 2 vettori

Prodotto Scalare

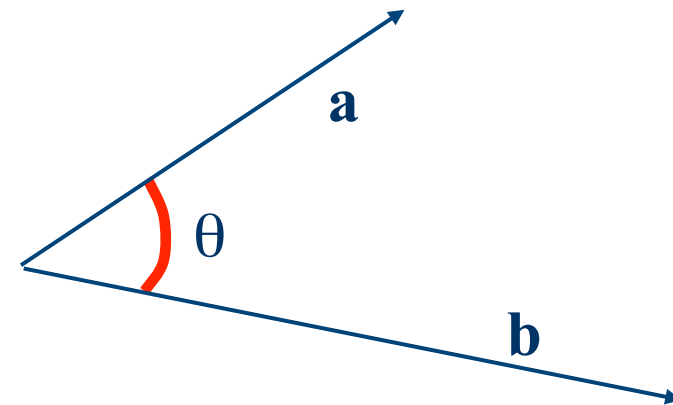
- ◆ Il risultato è uno scalare
- ◆ Se θ è nullo (cioè i due vettori hanno stessa direzione e verso) il prodotto è massimo
- ◆ Se θ è $\pm\pi/2$ il prodotto è nullo
- ◆ Se θ è $\pm\pi$ il prodotto è minimo
- ◆ Per il prodotto scalare vale la proprietà **commutativa**:

$$k = \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = \mathbf{b} \cdot \mathbf{a}$$

- ◆ Il modulo di un vettore si calcola usando il prodotto scalare:

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{a} = a^2 = |\mathbf{a}|^2 = a_x^2 + a_y^2 + a_z^2$$

$$k = \mathbf{a} \cdot \mathbf{b}$$



$$k = \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = |\mathbf{a}| |\mathbf{b}| \cos \theta = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$$

Prodotto Vettoriale

- ◆ Il risultato è un **vettore**
- ◆ Direzione perpendicolare al piano formato dai 2 vettori (applicati allo stesso punto)
- ◆ Verso regola della mano destra
- ◆ Modulo area del parallelogramma

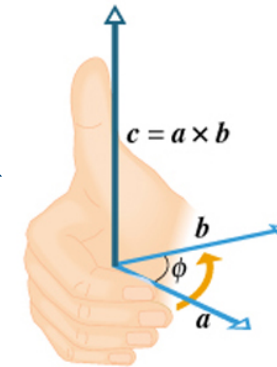
$$|\mathbf{c}| = \mathbf{a} \times \mathbf{b} = |\mathbf{a}||\mathbf{b}|\sin\theta$$

- ◆ Se θ è 0 o $\pm\pi$ (cioè i due vettori hanno stessa direzione) il prodotto è nullo
- ◆ Se θ è $\pm\pi/2$ il modulo del prodotto è massimo
- ◆ Per il prodotto vettoriale vale la proprietà **ANTI-commutativa**:

$$\mathbf{a} \times \mathbf{b} = -\mathbf{b} \times \mathbf{a}$$

- ◆ Le componenti di un vettore si calcolano tramite il discriminante della matrice

$$\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$$



$$\begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}$$

$$\mathbf{c} = c_x \mathbf{i} + c_y \mathbf{j} + c_z \mathbf{k} = (a_y b_z - a_z b_y) \mathbf{i} + (a_z b_x - a_x b_z) \mathbf{j} + (a_x b_y - a_y b_x) \mathbf{k}$$